

EMD 1 de Bio-statistiques

Exercice 1 :

On a établi dans tableau suivant, la PSA (antigène spécifique prostatique qui est utilisé pour le diagnostic du cancer de la prostate) mesuré en ng/ml en fonction de l'âge dans une population de 100 individus.

Age \ PSA	[1, 5 ; 2, 5[[2, 5 ; 3, 5[[3, 5 ; 4, 5[[4, 5 ; 5, 5[[5, 5 ; 6, 5[
[40 ; 50[10	5	3	2	1
[50 ; 60[2	4	8	10	15
[60 ; 70[0	2	7	9	11
[70 ; 80[0	0	1	2	8

- a) 1- Le taux de PSA est-il indépendant de l'âge ?
 2- Déterminer le coefficient de corrélation entre ces deux variables. Interpréter.
 b) Montrer que $V(X+Y) = V(X) + V(Y) + 2Cov(X,Y)$
 En déduire que si X et Y sont indépendants, alors $V(X+Y) = V(X) + V(Y)$

La partie b est indépendante de a

Exercice 2 :

L'évaluation d'une certaine caractéristique X du sang a donné les résultats suivants:

Extrémités des classes	≤ 8	10	14	16	y	24	$\geq x$
F(x)	0	0,08	0,18	0,34	0,64	0,73	1

Où F désigne la fonction cumulative de X.

1- Certaines données sont manquantes. Déterminer la borne manquante x sachant que l'étendue est égale à 20.

2- Calculer la borne manquante y dans les deux cas suivants:

a) La moyenne $\bar{X} = 18,915$

b) La médiane est égale à 19,20.

3- On suppose que y est déterminée par la méthode a.

- Donner une valeur approximative du mode.

- Calculer la proportion d'individus dont la caractéristique X est comprise entre $\bar{X} - 2\sigma$ et $\bar{X} + 2\sigma$